

12 Analiza korelacji

12.1 Przykład

Przykład. Chcemy zbadać, czy istnieje zależność między miesięcznym dochodem rodziny na jedną osobę a miesięczną wartością wydatków na jedną osobę. Dane dotyczące tych dwóch cech dla dziesięciu rodzin podano w poniższej tabeli.

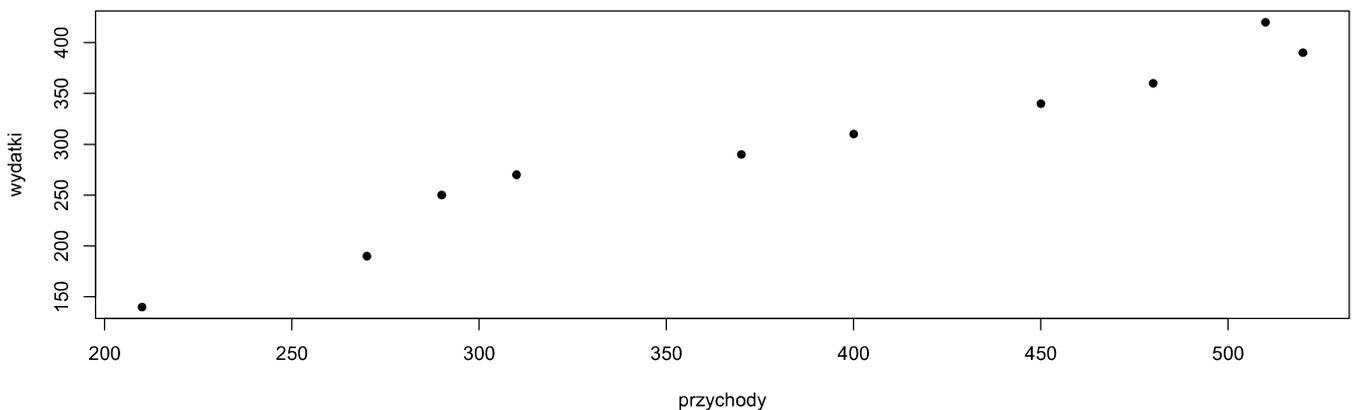
rodzina	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
przychody	210	270	290	310	370	400	450	480	510	520
wydatki	140	190	250	270	290	310	340	360	420	390

```
przychody <- c(210, 270, 290, 310, 370, 400, 450, 480, 510, 520)
wydatki <- c(140, 190, 250, 270, 290, 310, 340, 360, 420, 390)
data_set <- data.frame(przychody = przychody, wydatki = wydatki)
head(data_set)
```

```
##   przychody wydatki
## 1      210     140
## 2      270     190
## 3      290     250
## 4      310     270
## 5      370     290
## 6      400     310
```

```
# wykres rozrzutu
```

```
plot(data_set$przychody, data_set$wydatki, xlab = "przychody", ylab = "wydatki", pch = 16)
```



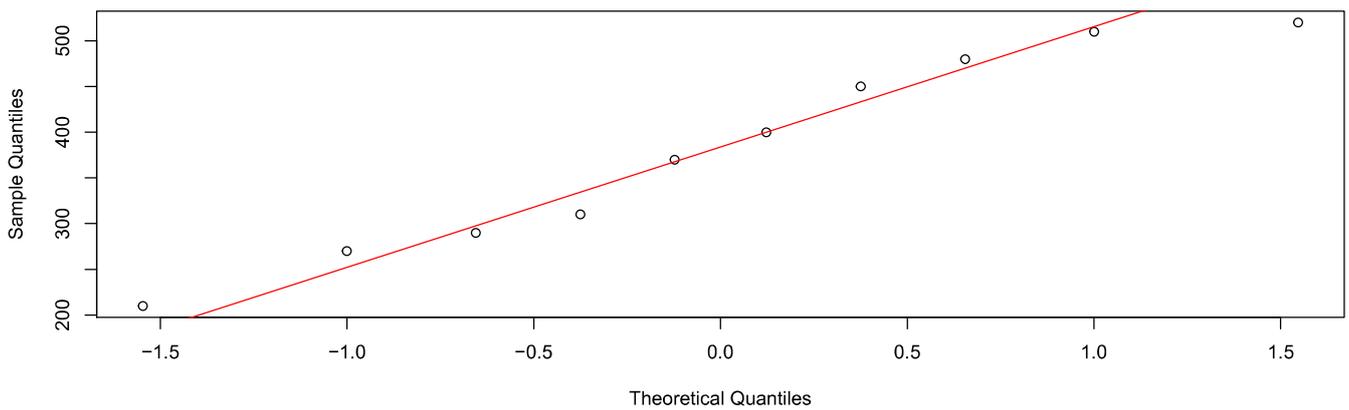
```
# założenia
```

```
shapiro.test(data_set$przychody)
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data:  data_set$przychody
## W = 0.94256, p-value = 0.5819
```

```
qqnorm(data_set$przychody)
qqline(data_set$przychody, col = "red")
```

Normal Q-Q Plot

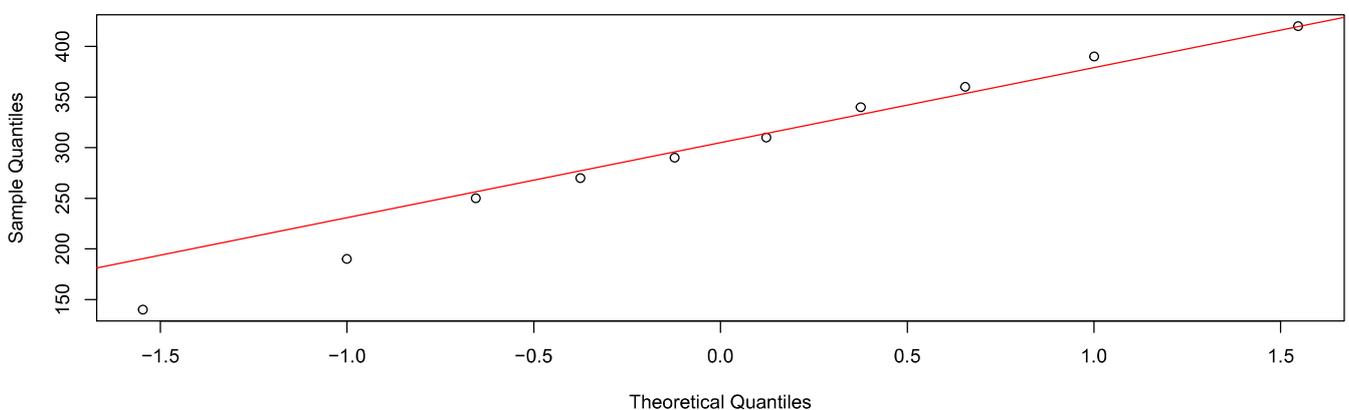


```
shapiro.test(data_set$wydatki)
```

```
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: data_set$wydatki  
## W = 0.97753, p-value = 0.9506
```

```
qqnorm(data_set$wydatki)  
qqline(data_set$wydatki, col = "red")
```

Normal Q-Q Plot



```
# testy  
cor.test(data_set$przychody, data_set$wydatki, method = "pearson")
```

```
##  
## Pearson's product-moment correlation  
##  
## data: data_set$przychody and data_set$wydatki  
## t = 12.399, df = 8, p-value = 1.67e-06  
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0  
## 95 percent confidence interval:  
## 0.8942997 0.9942521  
## sample estimates:  
## cor  
## 0.9749541
```

```
cor.test(data_set$przychody, data_set$wydatki, method = "kendall")
```

```
##  
## Kendall's rank correlation tau  
##  
## data: data_set$przychody and data_set$wydatki  
## T = 44, p-value = 5.511e-06  
## alternative hypothesis: true tau is not equal to 0  
## sample estimates:  
##      tau  
## 0.9555556
```

```
cor.test(data_set$przychody, data_set$wydatki, method = "spearman")
```

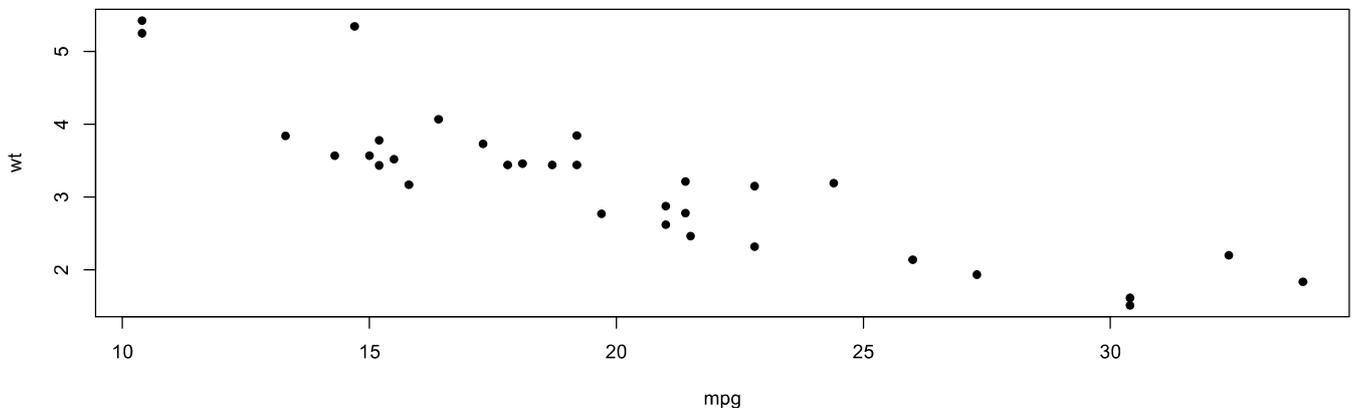
```
##  
## Spearman's rank correlation rho  
##  
## data: data_set$przychody and data_set$wydatki  
## S = 2, p-value < 2.2e-16  
## alternative hypothesis: true rho is not equal to 0  
## sample estimates:  
##      rho  
## 0.9878788
```

12.2 Zadania

Zadanie 1. Zbiór danych `mtcars` zawiera dane dotyczące pewnych cech samochodów. Interesuje nas zbadanie korelacji między zmiennymi `mpg` i `wg`.

```
##           mpg cyl disp  hp drat   wt  qsec vs am gear carb  
## Mazda RX4      21.0  6  160 110 3.90 2.620 16.46 0  1   4    4  
## Mazda RX4 Wag  21.0  6  160 110 3.90 2.875 17.02 0  1   4    4  
## Datsun 710     22.8  4  108  93 3.85 2.320 18.61 1  1   4    1  
## Hornet 4 Drive 21.4  6  258 110 3.08 3.215 19.44 1  0   3    1  
## Hornet Sportabout 18.7  8  360 175 3.15 3.440 17.02 0  0   3    2  
## Valiant        18.1  6  225 105 2.76 3.460 20.22 1  0   3    1
```

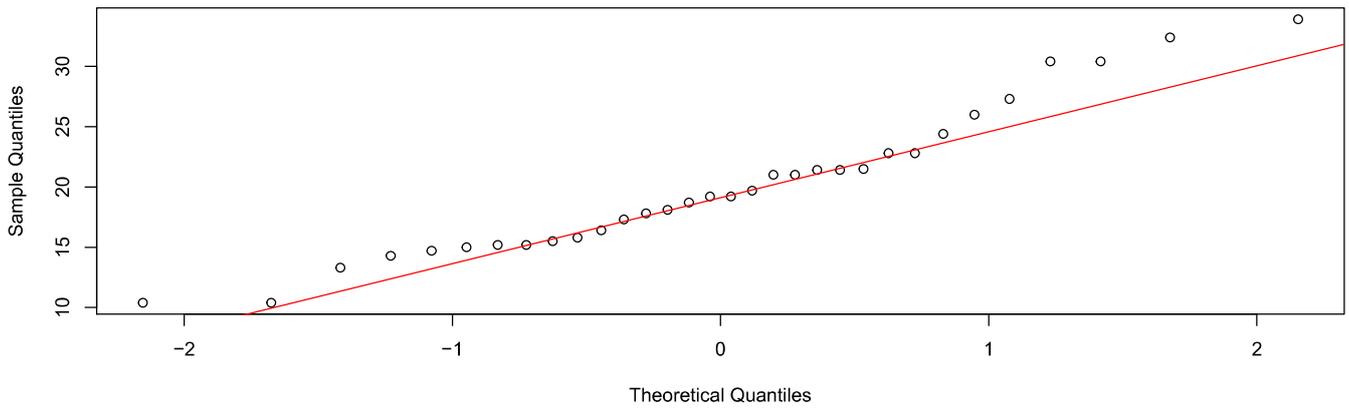
1. Wykonaj wykres rozrzutu dla badanych cech.



2. Sprawdź założenia testu istotności dla współczynnika korelacji.

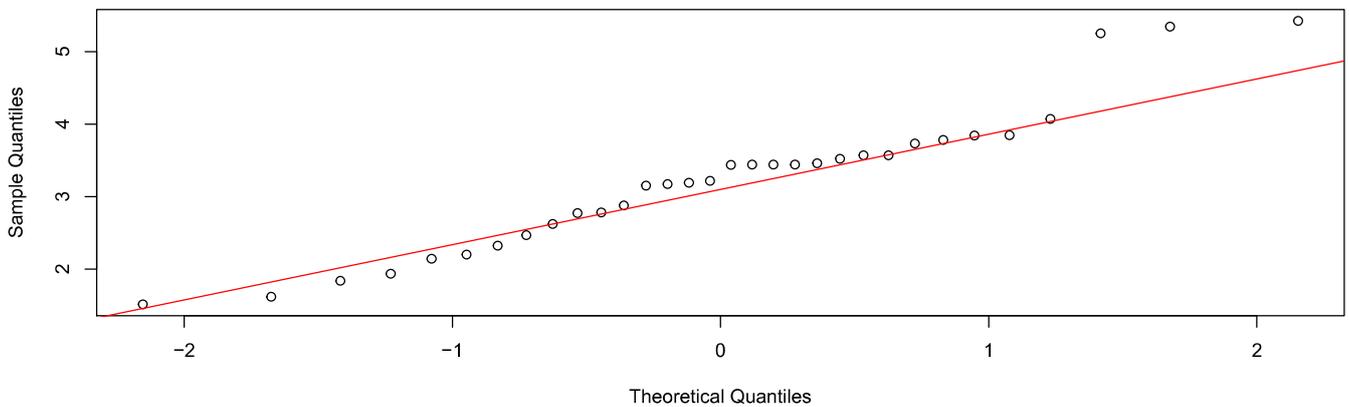
```
## [1] 0.1228814
```

Normal Q-Q Plot



```
## [1] 0.09265499
```

Normal Q-Q Plot



3. Wykonaj test istotności dla współczynnika korelacji dla zmiennych mpg i wg. Oszacuj punktowo i przedziałowo współczynnik korelacji.

```
## [1] 1.293959e-10
```

```
##      cor
```

```
## -0.8676594
```

```
## [1] -0.9338264 -0.7440872
```

```
## attr("conf.level")
```

```
## [1] 0.95
```

4. Wykonaj polecenie punktu 3 korzystając ze współczynników Kendalla i Spearmana.

```
## [1] 6.70577e-09
```

```
##      tau
```

```
## -0.7278321
```

```
## [1] 1.487595e-11
```

```
##      rho
```

```
## -0.886422
```